

SÓLIDOS RIGIDOS

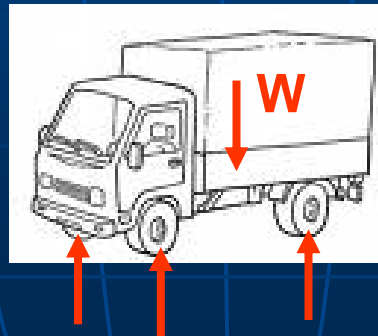
SISTEMAS DE FUERZAS
EQUIVALENTES

Fuerzas externas e internas:

Fuerzas externas: representa la acción de otros sólidos sobre el sólido rígido en consideración.



Fuerzas internas: son las que mantienen unidas las partículas que forman el sólido rígido.



Principio de transmisibilidad:

Establece que las condiciones de equilibrio o de movimiento de un sólido rígido permanecerán sin cambio si una fuerza F que actúa en un punto del sólido rígido se sustituye por una fuerza F' del mismo módulo y la misma dirección, pero actuando en un punto diferente, siempre que las dos fuerzas tengan la misma línea de acción.



=



F

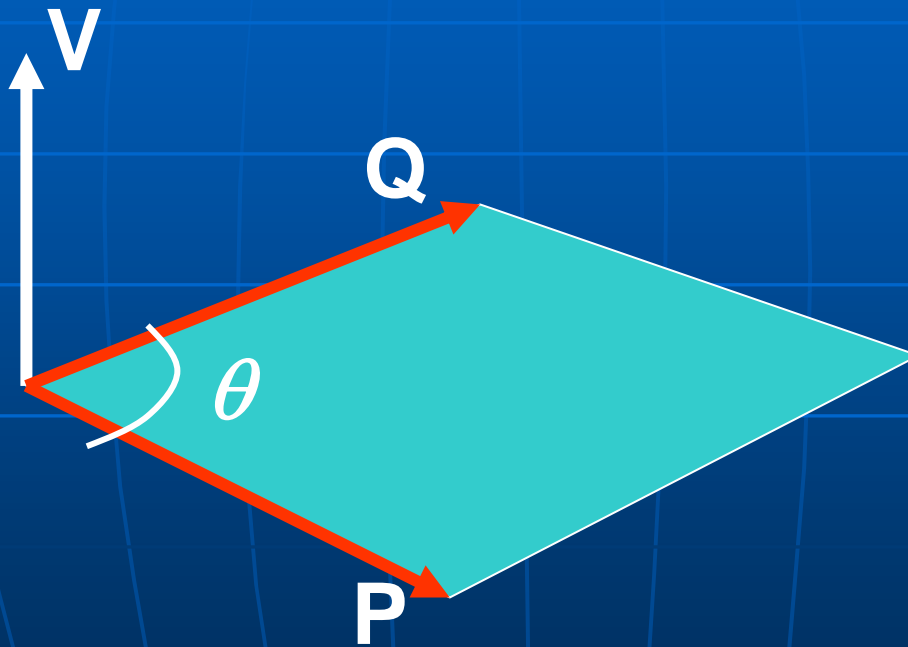
F'

Producto vectorial de dos vectores:

El producto vectorial de dos vectores P y Q se define como el vector V que satisface las siguientes condiciones:

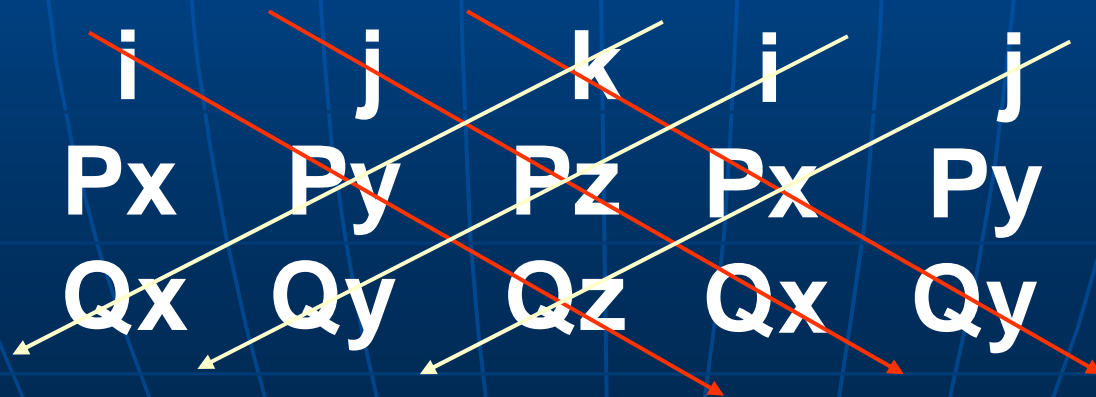
- 1.- La línea de acción de V es perpendicular al plano que contiene a P y a Q .
- 2.- El módulo de V es: $V=PQ\text{sen}\theta$
- 3.- El sentido de V está definido por la regla de la mano derecha.

$V=P \times Q$ el producto vectorial de dos vectores P y Q se llama también producto cruz.

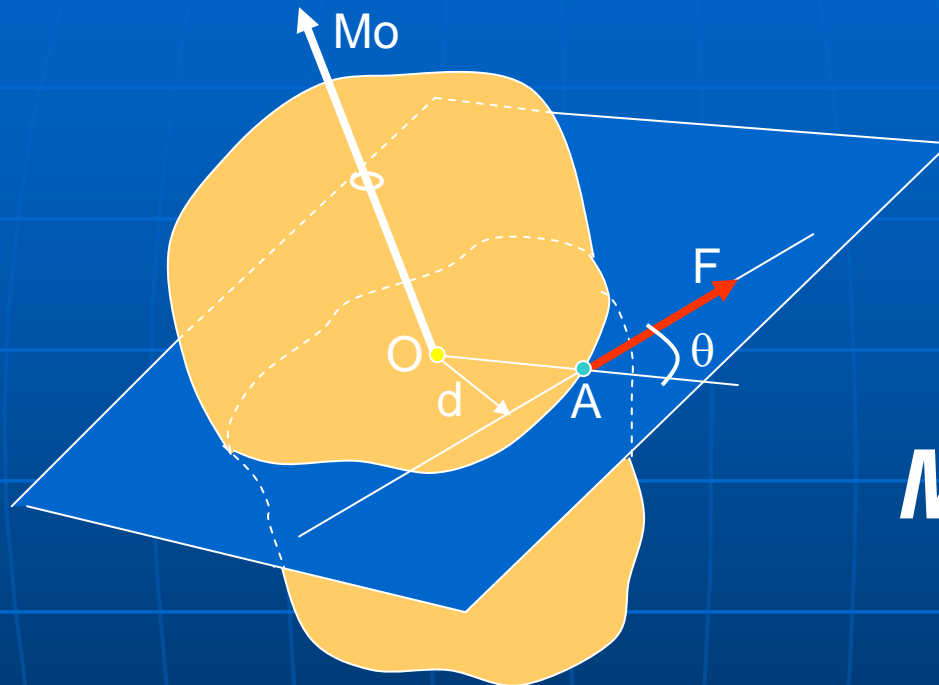


Productos vectoriales expresados en términos de sus componentes rectangulares

$$V = \begin{vmatrix} i & j & k \\ P_x & P_y & P_z \\ Q_x & Q_y & Q_z \end{vmatrix}$$



Momento de una fuerza con respecto a un punto

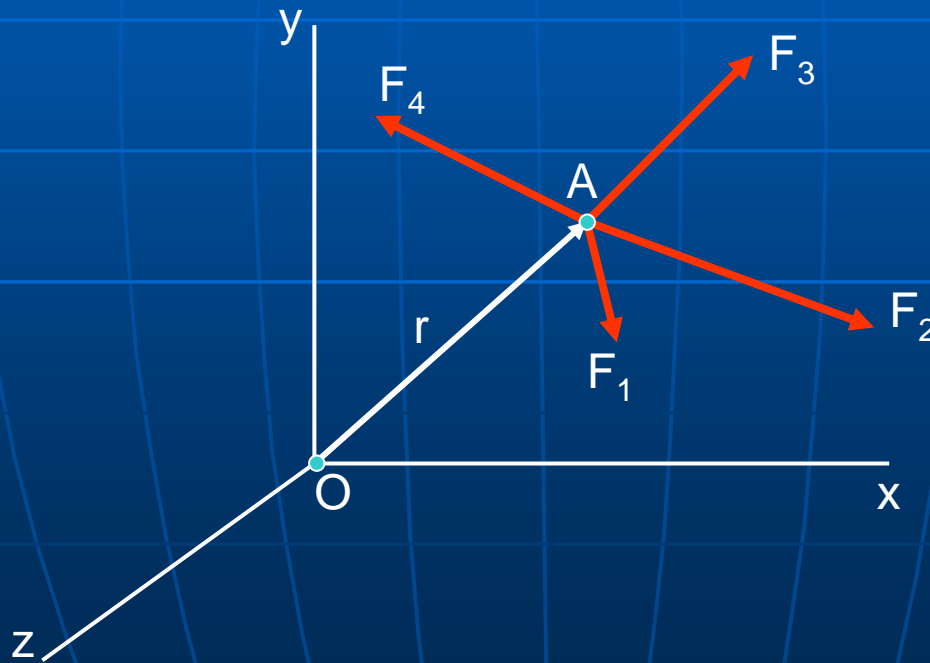


$$M_o = r \times F$$

$$M_o = rF \sin \theta = Fd$$

Teorema de Varignon

$$r \times (F_1 + F_2 + \dots) = r \times F_1 + r \times F_2 + \dots$$



Componentes rectangulares del momento de una fuerza:

$$\mathbf{M}_O = \mathbf{r} \times \mathbf{F}$$

$$\mathbf{r} = x\mathbf{i} + y\mathbf{j} + z\mathbf{k}$$

$$\mathbf{F} = F_x\mathbf{i} + F_y\mathbf{j} + F_z\mathbf{k}$$

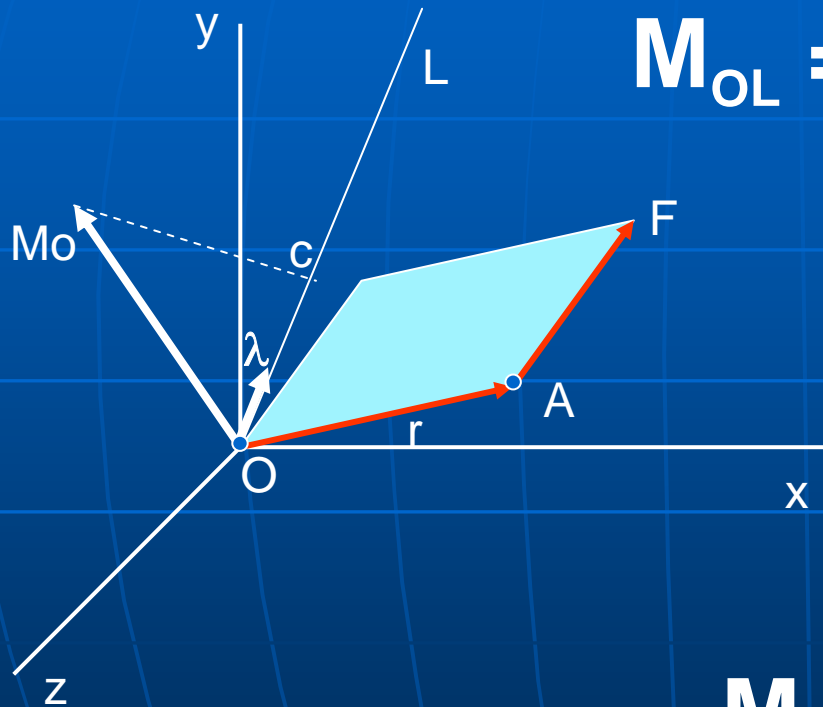
$$\mathbf{M}_O = M_x\mathbf{i} + M_y\mathbf{j} + M_z\mathbf{k}$$

$$\mathbf{M}_O = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ x & y & z \\ F_x & F_y & F_z \end{vmatrix}$$

Momento con respecto a un punto arbitrario B de una fuerza F aplicada en A

$$\mathbf{M}_B = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ x_{A/B} & y_{A/B} & z_{A/B} \\ F_x & F_y & F_z \end{vmatrix}$$

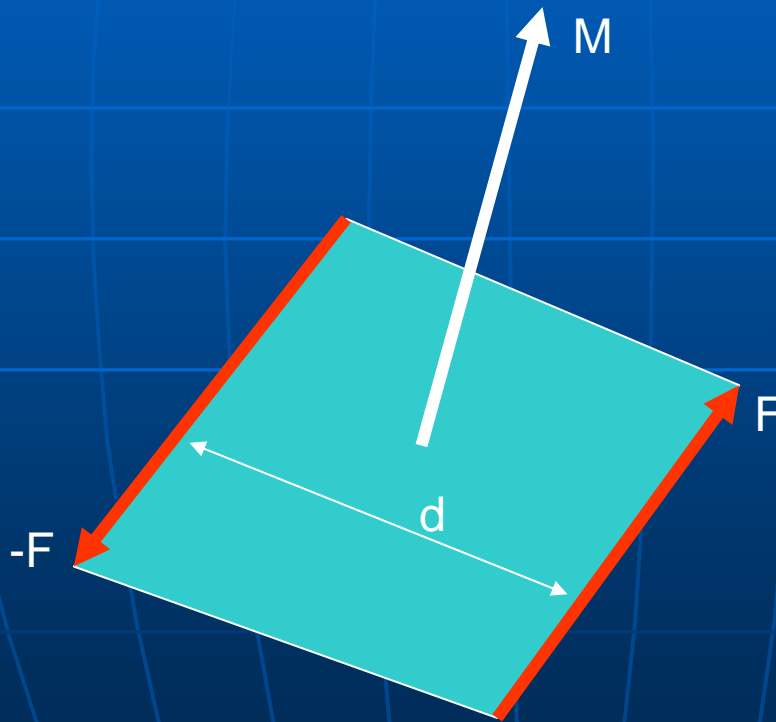
Momento de una fuerza con respecto a un eje:



$$\mathbf{M}_{OL} = \lambda \cdot \mathbf{M}_O = \lambda \cdot (\mathbf{r} \times \mathbf{F})$$

$$\mathbf{M}_{OL} = \begin{vmatrix} \lambda_x & \lambda_y & \lambda_z \\ x & y & z \\ F_x & F_y & F_z \end{vmatrix}$$

Momento de un par de fuerzas: Se dice que dos fuerzas F y $-F$ forman un par si tienen el mismo módulo, líneas de acción paralelas y sentidos opuestos.



Pares equivalentes: cuando diferentes pares tienen el mismo momento M y producen el mismo efecto sobre los cuerpos.

