

Prof. **Jesús Marquina.**

Fecha límite de entrega: **02/12/2013.**

Tarea 2

1. Par un estado excitado del hidrógeno, demuestre que el ángulo mínimo que puede formar el vector cantidad de movimiento angular \vec{L} con el eje z es (2 ptos.)

$$\theta_{\min} = \arccos \left(\frac{n-1}{\sqrt{n(n-1)}} \right)$$

¿Cuál es la ecuación correspondiente para θ_{\max} , el mayor ángulo posible entre \vec{L} y el eje z ?

2. Para el átomo de hidrógeno demostrar que el número de estados degenerados (funciones de onda degeneradas ψ_{nlm_l}) para un valor determinado de n es n^2 . (2 ptos.)
3. Calcular la probabilidad radial de que el electrón en el estado fundamental de un átomo de hidrógeno se encuentre en la región $0 < r < a_0$. (2 ptos.)
4. Muestre que las funciones de onda para un electrón en el estado 1s y 2s en el hidrógeno ($Z=1$), esto es, ψ_{100} y ψ_{200} satisfacen la ecuación de Schrödinger radialmente simétrica, (4 ptos.)

$$\frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left[r^2 \frac{dR}{dr} \right] + \frac{2\mu}{\hbar^2} (E - E_p) R = \frac{l(l+1)}{r^2} R$$

o

$$\frac{\hbar^2}{2\mu} \left(\frac{d^2 R}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dR}{dr} \right) + (E - E_p) R = \frac{l(l+1)}{r^2} R$$

con $E_p = Zke^2/r$

5. Demostrar que la masa reducida es menor que cualquiera de las masas para una molécula diatómica y calcular su valor para a) H_2 , b) N_2 , c) CO y d) HCl . Expresar los resultados en unidades de masa unificada. (2 ptos.)
6. De los siguientes datos, encontrar la energía necesaria para disociar una molécula de KCl en un átomo neutro de K y un átomo neutro de Cl . El primer potencial de ionización (o energía de ionización) del K es 4,34 eV; la afinidad electrónica del Cl es 3,82 eV; la separación de equilibrio (r_0) del KCl es 2,79 Å. (Sugerencia: demostrar que la energía potencial mutua del K^+ y Cl^- es $-(14,4/r)$ eV si r está dado en Angstroms). (2 ptos.)
7. Empíricamente, la energía potencial del $NaCl$ se puede escribir por (2 ptos.)

$$E_p = -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} + Ae^{-r/\rho}$$

donde r es la separación internuclear. La separación de equilibrio (r_0) de los núcleos es 2,5 Å y la energía de disociación es de 3,6 eV.

a) Calcular las constantes A y ρ .

b) Graficar a escala (utilice un aplicación para hacer el gráfico) en una sola gráfica, E_p y cada uno de los términos de E_p (tres curvas).

8. Verifique que los orbitales moleculares para una molécula de hidrógeno (4 ptos.)

$$\psi_b(\vec{r}) = c_b \left[\psi_{1s}(\vec{r} - \vec{R}_1) + \psi_{1s}(\vec{r} - \vec{R}_2) \right],$$

$$\psi_a(\vec{r}) = c_a \left[\psi_{1s}(\vec{r} - \vec{R}_1) - \psi_{1s}(\vec{r} - \vec{R}_2) \right],$$

están normalizadas con las constantes de normalización dadas por

$$c_{b,a} = \left\{ 2 \left[1 \pm (1 + d/a_0) e^{-d/a_0} \right] \right\}^{-1/2}$$

con $d = |\vec{R}_2 - \vec{R}_1|$ la separación entre los dos núcleos localizados en \vec{R}_1 y \vec{R}_2 , respectivamente.